

$$e^{at} \supset \frac{P}{P-a} \quad \text{d'où} \quad te^{at} \supset \frac{P}{(P-a)^2}$$

Le passage de $f(t)$ à $tf(t)$ peut s'écrire symboliquement $\left[t \frac{d}{dt}\right] f(t)$.
 $\left[t \frac{d}{dt}\right] f(t)$ représente $\left[t \frac{d}{dt}\right] [rf]$ c'est-à-dire $tf' + t^2 f''$ on peut généraliser.
 La formule IX

$$\left[t \frac{d}{dt}\right]^m f(t) \supset (-1)^m \left[P \frac{d}{dP}\right]^m \phi(P)$$

XI La formule du VII peut encore s'écrire:

$$f\left(\frac{t}{c}\right) \supset \phi(cP)$$

Si on intègre par rapport à c entre ∞ et 0 et si l'on pose: $\frac{t}{c} = T$

$c = P$ il vient:

$$\int_t^{+\infty} \frac{f(T)}{T} dT \supset \int_0^P \frac{\phi(P)}{P} dP$$

Si on intègre par rapport à c entre $+\frac{1}{t}$ et $+\infty$

$$\int_0^t \frac{f(T)}{T} dT \supset \int_P^{+\infty} \frac{\phi(P)}{P} dP$$

Si on additionne membre à membre les deux dernières égalités, il vient:

$$\int_0^{+\infty} \frac{f(T)}{T} dT \supset \int_0^{+\infty} \frac{\phi(P)}{P} dP$$

Les intégrales étant des constantes on en déduit l'égalité:

$$\int_0^{+\infty} \frac{f(t)}{t} dt = \int_0^{+\infty} \frac{\phi(P)}{P} dP$$